

不確實性下에서의 企業行態에 관한 小考

尹 賴 昙*

次

- I. 서 언
- II. 불확실성 하에서의 비교정태론적 모형
- III. 가격불확실성 하에서의 일반균형적 생산이론
- IV. 부 언

I. 서 언

미래의 불확실성에 직면하고 있는 경제단위의 행태를 비교정태론적인 입장에서 고찰하는 방법은 이론경제학의 거의 모든 분야에서 적용될 수 있는 보편화된 분석수단이다. 투자자의 자산선택이나 소비·저축에 관한 의사결정 이외에도 가격이나 생산기술 상의 불확실성에 직면하는 기업의 행태를 이해하거나, 대외교역조건이 불확실한 상태에서 자원이 배분되는 방식 및 소득분배에 이르기까지 광범위하게 사용되어 오고 있다.

개별 경제단위가 주관적으로 느끼는 불확실성의 정도, 혹은 위험의 크기의 변화가 그들의 합리적 선택방법에 미치는 영향에 관한 이론은 로스차일드(M. Rothschild)와 스티글리츠(J. Stiglitz)의 논문 [12, 13]에서 체계적으로 소개되었으며 후에 다이아몬드(P. Diamond)와 스티글리츠[6]는 위험수준의 변화 및 위험기피성향의 변화가 최적 선택에 주는 영향은 정성적으로 동일할 수 있음을 예시하였다.

그러나 위에서 소개한 논문들에서 다루어지고 있는 모델은 지나치게 일반적인 것이어서 만족할 만한 정리를 얻기 위한 가정들이 적용될 수 있는 범위가 한정되어 있었다. 특히 샌드모(A. Sandmo) [14]가 분석한 불확실성 하의 경쟁적 기업의 행태론은 로스차일드-스티글리츠의 최적선택에 관한 정리의 범위를 벗어나고 있어서 기존결과를 더 일반화시킬 수 있는 비교정태론적 모델의 수립은 매우 흥미있는 과제로 부각되었다.⁽¹⁾

* 西江大學校 經濟學科 助教授

(1) 이 문제를 처음 제기한 크라우스(M. Kraus)의 논문의 한계성 및 일반모델의 필요성은 [9]에 자세히 설명되어 있다.

II. 불확실성 하에서의 비교정태론적 모형

우리는 II절에서 가격불확실성에 직면하고 있는 경쟁적 기업의 장기균형모형을 분석하기로 한다. y 를 기업의 산출수준, x_i ($i=1, 2$)를 투입물, 혹은 생산요소로 정의하여 기업의 생산기술을 $y=G(x_1, x_2)$ 로 표시하기로 한다. 여기서 G 는 엄밀하게 오목한(strictly concave) 함수이며 $\partial G / \partial x_i > 0$ 이라 가정한다. 기업이 주관적으로 느끼는 가격불확실성은 확률분포 $F(p, r)$ 로 표시될 수 있으며 r 은 기업이 느끼는 위험의 크기를 표시하는 매개변수이다. r 의 증가는 가격의 확률분포함수가 기대치를 중심으로 하여 더 분산(mean preserving spread)되어 가는 것을 나타낸다.⁽²⁾ 따라서 기업의 위험부담은 r 이 증가할수록 더 커지게 될 것이다. 우리는 또 기업이 가격변동에 따르는 위험을 예방할 수 있는 선물시장(futures market)은 존재하지 않으며 시장가격이 확실하게 알려지기 전에(ex ante) 투입 및 산출수준에 관한 결정을 해야 한다고 가정한다. 따라서 경쟁적 기업은 확률적 의미에서 가격수용자(probabilistic price-taker)로 행동한다고 볼 수 있다. 기업은 이윤의 기대효용을 극대화시키는 방법으로 투입 및 산출수준을 결정하는데, $w = (w_i)$ 를 요소가격벡터라 하면 기대효용은

$$E_r[U(\pi)] = E_r[U\{pG(x_1, x_2) - \sum_{i=1}^2 w_i x_i\}] \quad (1)$$

로 정의된다. 여기서

$$E_r[U(\pi)] = \int_0^\infty U(\pi) dF(p, r)$$

이다. 임의의 주어진 위험수준 r 에서도 가격 p 는 음의 값을 취하지 않는 확률변수이며 기업의 효용함수는 $U'(\pi) > 0$ 및 $U''(\pi) < 0$ 을 만족한다고 가정한다. 따라서 우리의 모델기업은 위험기피성향을 가지며 위험수준의 증가는 기업의 요소수요 및 산출수준에 중요한 영향을 미치게 된다. 주어진 위험수준 r 에서 가격은 $p = \mu + z$ 로 표시될 수 있으며 $E_r[p] = \mu$ 및 $E_r[z] = 0$ 이다. 기대효용극대화의 필요조건은 $E_r[U'(\pi)\{(\mu+z)G_i - w_i\}] = 0$ 되는데 이 식을 정리하면

$$w_i = \{\mu - \rho(r, w, \mu)\} G_i, \quad i=1, 2 \quad (2)$$

로 표시되며 여기서

$$\rho(r, w, \mu) = -\frac{E_r[U'(\pi)z]}{E_r[U''(\pi)]} > 0 \quad (3)$$

(2) 'mean preserving spread'에 관한 정의는 [12, 13, 15] 참조.

이 됨을 쉽게 증명할 수 있다. 식 (3)에서 정의된 ρ 는 위험부담프레미엄(risk bearing premium)으로 정의되며 (3)식에서 정의된 바와 같이 ρ 는 일반적으로 위험수준 r 및 투입물의 가격 w_1, w_2 , 또 기대가격 μ 및 기업의 위험기피성향에 의해서 결정되는 것임을 알 수 있다. 기호를 편리하게 사용하기 위하여 우리는 극대화의 필요조건인 식(2)의 해를 $\hat{x}_i = \hat{x}_i(\mu, w, r)$ ($i=1, 2$), $\hat{y} = \hat{y}(\mu, w, r)$ 로 나타내기로 하며 이는 곧 가격불확실성 하에서의 요소수요 및 공급함수임은 부인할 필요가 없을 것이다. 위험부담프레미엄인 $\rho(r, w, \mu)$ 를 더 이해하기 위하여 이제 가격이 $\mu - \rho(r, w, \mu)$ 의 크기로 확실하게 주어지는 상태에서 기업이 이윤의 효용 $U[\{\mu - \rho(r, w, \mu)\} G(x_1, x_2) - \sum_{i=1}^2 w_i x_i]$ 를 극대화시킨다고 하면 이 때의 요소수요 $x_i^c(\mu - \rho(r, w, \mu), w)$ 및 공급 $y^c(\mu - \rho(r, w, \mu), w)$ 은 곧 \hat{x}_i 및 \hat{y} 이 됨을 쉽게 증명할 수 있는데 이는 최적화의 필요조건들이 식 (2), (3)과 동일하게 되기 때문이다. 특히 편리한 점은 증가하는 가격불확실성(increasing price uncertainty) 하에서 기업이 요소수요 및 공급을 변화시켜 나가는 방법은 r 의 증가가 x_i^c 및 y^c 에 주는 영향을 파악함으로써 이해될 수 있다는 것인데 이러한 목적을 달성하기 위하여 우리는 먼저 다음과 같은 소정리를 소개하기로 한다.

소정리 1: 기업의 효용함수 $U(\pi)$ 에 대한 상기한 가정($U'(\pi) > 0$ 및 $U''(\pi) < 0$) 하에서 $\frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial r}$ 는 양의 값을 갖는다.

증명: 먼저 $\hat{\pi}(r) = (\mu + z)G(\hat{x}_1, \hat{x}_2) - \sum_{i=1}^2 w_i \hat{x}_i$ 라 하고 $\pi(r) = (\mu + z)G(x_1, x_2) - \sum_{i=1}^2 w_i x_i$ 라 하면

$$\begin{aligned} \frac{dE_r[U(\hat{\pi}(r))]}{dr} &= \frac{\partial E_r[U(\hat{\pi}(r))]}{\partial r} + \sum_{i=1}^2 \frac{\partial \hat{x}_i}{\partial r} \cdot \frac{\partial E_r[U(\hat{\pi}(r))]}{\partial x_i} \Big|_{x_i = \hat{x}_i} \\ &= \frac{\partial E_r[U(\hat{\pi}(r))]}{\partial r} + 0 \\ &= \int_0^\infty U(\hat{\pi}(r)) dF_r(p, r) < 0 \end{aligned} \quad (4)$$

이 된다. 여기서 $F_r(p, r) = \partial F(p, r) / \partial r$ 이며 마지막 부등식은 $\hat{\pi}(r)$ 이 $p = \mu + z$, 혹은 z 에 대한 선형식이므로 $U(\hat{\pi}(r))$ 은 z 에 대하여 단조증가하는 오목한 함수가 되고 따라서 위험수준 r 이 증가할수록 기대효용이 감소하게 되기 때문이다.⁽³⁾ 이제 $\pi_c = \{\mu - \rho(r, w, \mu)\} \times G(x_1^c, x_2^c) - \sum_{i=1}^2 w_i x_i^c$ 라 두면 $U(\pi_c) = E_r[U(\hat{\pi}(r))]$ 및 $x_i^c = \hat{x}_i, y^c = \hat{y}$ 에서

$$\frac{dU(\pi_c)}{dr} = - \frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial r} \cdot U'(\pi_c) + \sum_{i=1}^2 \frac{\partial x_i^c}{\partial r} \cdot \frac{\partial U(\pi)}{\partial x_i} \Big|_{x_i = x_i^c}$$

(3) 로스차일드—스티글리츠의 정리 참조. 보다 분석적인 증명방법은 [15]에서 찾아볼 수 있다.

$$= - \frac{\rho(r, w, \mu)}{\partial r} \cdot U'(\pi_r) \quad (5)$$

를 얻게 된다. 식 (4) 및 (5)를 종합 비교하면 $\partial\rho(r, w, \mu)/\partial r > 0$ 을 쉽게 얻을 수 있다. 증명 끝.

이제 $x_i(p, w)$ 및 $y(p, w)$ 를 가격불확실성이 없는 상태에서 결정된 기업의 요소수요 및 공급함수라 하자. 만일 $\partial x_i/\partial p > 0$ 이라 하면 $\partial x_i^c/\partial(\mu - \rho)$ 의 부호와 $\partial x_i/\partial\rho$ 의 부호는 같을 것 이므로

$$\begin{aligned} \frac{\partial \hat{x}_i}{\partial r} &= \frac{\partial x_i^c}{\partial r} \\ &= - \frac{\partial \rho}{\partial r} \cdot \frac{\partial x_i^c}{\partial(\mu - \rho)} < 0 \end{aligned} \quad (6)$$

및

$$\frac{\partial \hat{y}}{\partial r} = \sum_{i=1}^2 G_i \cdot \frac{\partial x_i^c}{\partial r} < 0 \quad (7)$$

을 얻게 된다. 만일 두 생산요소가 서로 보완적 ($G_{12} > 0$)이라 하면 $\partial x_i/\partial\rho > 0$ ($i=1, 2$)이므로 우리는 사실상 다음 정리를 증명하였다.

정리 1: 만일 기업이 위험기피성향을 갖고 두 생산요소가 서로 보완적이라 하면 가격불확실성으로 인한 위험의 증가는 요소수요 및 공급을 감소시키게 된다.

만일 우리가 기업의 이윤을 $\pi(y) = py - c(y) - B$ 의 형태로 표시하고 ([14] 참조) 기업이 $E_r[U(\pi(y))]$ 를 극대화시키는 y 를 결정한다고 가정하면 요소 간의 보완성에 대한 가정이 필요없이 산출수준이 감소함을 증명할 수 있을 것이다. 샌드모의 논문 및 그에 대한 이쉬 (Y. Ishii) [7]의 수정논문 이외에도 바트라 (R. Batra) 와 울라 (A. Ullah) [4] 및 코스 (D. Coes) [5] 모두 상기한 정리의 결과를 얻기 위하여 기업의 이윤이 증가할수록 위험기피성향이 증가하지 않는다는 가정을 추가적으로 필요로 하는 점에 주의하면 여기서 소개된 우리의 모델이 보다 일반적인 것임을 알 수 있다. 특히 이들의 논문에서는 가격불확실성의 크기를 가격변수의 분산으로 표시하고 있지만 기업이 이윤의 기대효용을 극대화할 때 불확실성에 의한 위험부담의 크기가 분산으로만 정의되는 방법에 많은 문제점이 있음을 상기하면⁽⁴⁾ 정리 1은 기존결과를 훨씬 개선시키고 있는 것으로 간주될 수 있다.

우리의 모델에서 처음 소개된 위험부담프레미엄은 사실상 프라트 (J. Pratt) [11]가 도입한 완전보험프레미엄 (perfect insurance risk premium)과 동일한 성격을 띠고 있음을 알 수 있다. 다이아몬드와 스티글리츠는 전개한 논문에서 위험기피성향을 측정할 수 있는 여

(4) [12]에서 로스차일드와 스티글리츠의 예를 참조.

리가지 기준지표와 완전보험프레미엄의 크기에 관한 유용한 정리들을 도출하였는데 우리는 이제 그들의 결과를 이용하여 기업의 공급함수 및 요소수요함수가 불확실성 하에서 어떠한 성질을 갖는가를 규명해 보기로 한다. 다이아몬드와 스티글리츠가 유도한 중요한 결론 중의 하나는 경제단위의 효용함수가 $U(z, a)$ 로 표시될 수 있을 때 단일 매개변수 a 의 변화가 $-U_{zz}/U_z$ 로 표시되는 위험기피성향을 증가시키면 프라트의 완전보험프레미엄도 증가한다는 것이다. 이 결과를 이용하면 우리는 다음과 같은 소정리를 얻게 된다.

소정리 2 : 단일 $a = (a_i)_{i=1}^3 = (w_1, w_2, \mu)$ 라 할 때 $-\frac{\partial^2 \log U_z}{\partial a_i \partial z} > 0$ 이면 $\frac{\partial \rho(r, a)}{\partial a_i} > 0$ 이 된다. 특히 $R_A(\pi) = -\frac{U''(\pi)}{U'(\pi)}$ 라 할 때 $\frac{\partial R_A(\pi)}{\partial \pi} < 0$ 이면 $\frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial w_i} > 0$ ($i = 1, 2$)이고 $\frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial \mu} < 0$ 이다.

증명 : 소정리의 첫부분은 기업의 효용함수 $U(\pi) = U\{(\mu + z)G(x_1, x_2) - \sum_{i=1}^2 w_i x_i\}$ 가 (w_1, w_2, μ) 에 의해서 매개변수화(parameterized)되어 있음에 주의하면 쉽게 유추할 수 있다. 나머지 부분은

$$-\frac{\partial^2 \log U_z}{\partial w_i \partial z} = -y \cdot \frac{\partial}{\partial w_i} \left(\frac{U''(\pi)}{U'(\pi)} \right) = -y \cdot x_i \frac{\partial R_A(\pi)}{\partial \pi} > 0 \quad (8)$$

및

$$-\frac{\partial^2 \log U_z}{\partial \mu \partial z} = y^2 \cdot \frac{\partial}{\partial \pi} \left(-\frac{U''(\pi)}{U'(\pi)} \right) < 0 \quad (9)$$

에서 알 수 있다. 증명 끝.

우리는 이제 기업의 절대위험기피성향(absolute risk aversion)이 기업이윤이 증가함에 따라 감소한다면 요소가격(재화의 기대가격)이 상승하게 될 때 위험부담프레미엄이 증가(감소)함을 알 수 있다. 정리 1에서 가정한 바와 같이 단일 두 생산요소가 서로 보완적이라 하면

$$\begin{aligned} \frac{\partial \hat{x}_i}{\partial w_i} &= \frac{\partial x_i^c}{\partial w_i} \\ &= -\frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial w_i} \cdot \frac{\partial x_i^c}{\partial (\mu - \rho)} + \frac{\partial x_i^c}{\partial w_i} \Big|_{\rho=constant} < \frac{\partial x_i^c}{\partial w_i} \Big|_{\rho=constant} < 0 \end{aligned} \quad (10)$$

및

$$\begin{aligned} \frac{\partial \hat{x}_i}{\partial \mu} &= \frac{\partial x_i^c}{\partial \mu} \\ &= -\frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial \mu} \cdot \frac{\partial x_i^c}{\partial (\mu - \rho)} + \frac{\partial x_i^c}{\partial \mu} \Big|_{\rho=constant} > \frac{\partial x_i^c}{\partial \mu} \Big|_{\rho=constant} > 0 \end{aligned} \quad (11)$$

을 얻게 되고 또 $i \neq j$ ($i, j = 1, 2$)인 경우

$$\begin{aligned}\frac{\partial \hat{x}_i}{\partial w_j} &= \frac{\partial x_i^c}{\partial w_j} \\ &= -\frac{\partial \rho(r, w, \mu)}{\partial w_j} \cdot \frac{\partial x_i^c}{\partial (\mu - \rho)} + \frac{\partial x_i^c}{\partial w_j} \quad |_{\rho=constant} < \frac{\partial x_i^c}{\partial w_j} \quad |_{\rho=constant} < 0 \quad (12)\end{aligned}$$

을 얻게된다. 마지막 부등식은 가격불확실성이 없는 경우에 두 생산요소가 보완적이면 $\partial x_i(p, w)/\partial w_j < 0$ 이 되기 때문에 성립함을 알 수 있다. 이제 우리는 다음 정리를 얻게 되었다.

정리 2: 이윤이 증가할수록 기업의 위험기피성향이 증가한다고 하자. 만일 두 생산요소가 서로 보완적이라 하면 기대가격의 증가가 공급 및 요소수요에 주는 영향은 가격불확실성이 없는 상태에서 재화가격이 상승하여 공급 및 요소수요가 변화하는 것과 정성적으로 같게 된다. 또 임의의 한 요소가격의 상승은 두 생산요소에 대한 수요를 모두 감소시킨다. 특히 공급 및 요소수요의 가격탄력성은 확실성 하에서의 그것보다 더 증가하게 된다.

바트라와 울라는 가격불확실성이 존재할 때 요소수요의 교차탄력성은 잘 정의될 수 없다고 주장하였는데 정리 2는 그들의 결론과 명백히 상반된 것으로 해석될 수 있다. 가격불확실성이 없는 경우와 비교해 볼 때 기업의 요소수요와 산출수준이 감소하는 것은 명백한 사실이지만⁽⁵⁾ 불확실성 하에서는 자본이나 노동과 같은 생산요소에 대한 수요가 이자율이나 임금의 변화에 대하여 더 큰 폭으로 변화한다는 가설은 매우 중요한 것으로서 현실적으로 유용하게 이용될 수 있을 것이다.

마지막으로 우리는 위험기피성향의 변화 및 장래경제상태(재화의 시장가격)에 대한 정보의 불완전성으로 야기되는 위험수준의 변화는 기업의 투입·산출수준의 결정에 정성적으로 동일한 영향을 미친다는 가설을 증명함으로써 이 절을 끝맺으려 한다. 먼저 기업의 효용함수를 $U(\pi, t)$ 로 표시하고 주어진 이윤의 크기에서 t 의 증가는 위험기피성향 $R_A(\pi, t) = -U''(\pi, t)/U'(\pi, t)$ 를 증가시킨다고 가정하자. 이제 위험부담프레미엄을 $\rho(r, w, \mu, t)$ 로 표시하면 $\partial \rho(r, w, \mu, t)/\partial t$ 의 부호는 소정리에 의하여 $-\partial^2 \log U_z / \partial t \partial z$ 의 부호와 같게 되는데 $U_z = U'(\pi) \cdot G(x_1, x_2)$ 이고, $\partial \log U_z / \partial z = U''(\pi) y / U'(\pi) y$ 이므로

$$\begin{aligned}-\frac{\partial^2 \log U_z}{\partial t \partial z} &= -\frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{U''(\pi)}{U'(\pi)} \right) \\ &= \frac{\partial R_A(\pi, t)}{\partial t} > 0 \quad (13)\end{aligned}$$

에서 $\partial \rho(r, w, \mu, t)/\partial t > 0$ 이 됨을 쉽게 알 수 있다. 따라서 우리는 정리 1의 결론이 「가격불확실성으로 인한 위험수준의 증가」라는 전제를 「주어진 위험수준 하에서 위험기피성향의 증

(5) $\rho(r, w, \mu) > 0$ (식 (3) 참조)이므로 $\partial x_i^c / \partial (\mu - \rho) > 0$ 에서 $x_i^c(\mu - \rho, w) > x_i(\mu, w)$ 를 증명하면 된다.

가」로 대체하여도 여전히 성립함을 알 수 있다.

III. 가격불확실성 하에서의 일반균형적 생산이론

우리는 III절에서 수출가격의 불확실성에 직면해 있는 소규모 개방경제의 자원배분형태를 이해하기로 한다. 우리는 이 경제의 생산부문이 수출과 내수산업으로 구분되어 있으며 각 부문의 생산함수를 $G^E(x_{1E}, x_{2E})$ 및 $G^H(x_{1H}, x_{2H})$ 로 나타내기로 한다. G^E 및 G^H 모두 규모에 대한 수익불변을 만족하는 생산기술을 나타내고 있으며 수출부문의 기업은 가격 p_E 에 대한 불확실성을 느끼는 반면 내수산업에 속하는 기업은 가격 p_H 에 관한 완전정보를 소유하고 있다고 가정하자. 국제무역론에서 흔히 사용되고 있는 모델에서와 같이 우리는 어느 생산부문에서나 순수경쟁상태가 유지되고 있으며, 각 생산요소의 비탄력적 공급, 완전고용 및 각 생산부문 요소집약도(factor intensity)의 비가역성(nonreversibility)을 가정한다. 수출부문의 위험기피성향을 갖는 개별기업은 이윤의 기대효용

$$E_r[U(\pi_E)] = \int_0^\infty U\{p_E'G^E(x_{1E}, x_{2E}) - \sum_{i=1}^2 w_i x_{iE}\} dF(p_E', r)$$

를 극대화시키며 내수부문에 속하는 기업은

$$\pi_H = p_H G^H(x_{1H}, x_{2H}) - \sum_{i=1}^2 w_i x_{iH}$$

를 극대화시키는데 여기서

$$p_E' = \frac{p_E}{p_H}$$

이고 $F(p_E', r)$ 는 실질수출가격의 확률분포함수이다. II절에서 사용된 모델을 수출부문의 기업에 적용시키면 우리는 이 기업이 사실상

$$U[\{\mu - \rho(r, w, \mu)\} G^E(x_{1E}, x_{2E}) - \sum_{i=1}^2 w_i x_{iE}]$$

를 극대화시키는 것으로 간주할 수 있는데 여기서 물론 $\mu = E_r[p_E']$ 이고 $d\rho(r, w, \mu)/dr > 0$ 이다. 주어진 위험수준 r 에서 각 부문의 요소수요를 $\hat{x}_{iE}(r, w, \mu)$ 및 $\hat{x}_{iH}(r, w, \mu)$ 로 표시하고 비탄력적으로 공급된 요소부존의 크기를 \bar{x}_i 라 하면 이 경제의 균형상태에서 $\hat{x}_{iE} + \hat{x}_{iH} = \bar{x}_i$ ($i=1, 2$)가 만족될 것이다. II절에서와 같이 우리는 x_{iE}^c ($i=1, 2$)를 정의할 수 있고 $x_{iE}^c = \hat{x}_{iE}$ 가 되므로 이 경제의 자원배분은 불확실성이 배제된 상태에서 실질수출가격이 $\mu - \rho(r, w, \mu)$ 로 주어지는 경제에서의 자원배분과 같은 것이라는 것을 알 수 있다. 따라서 r 의 증가는 확실성 하에서 실질수출가격이 감소하는 것과 같은 효과를 발휘하게 되며 확실성 하에서 실

질수출가격의 감소가 부문별 산출수준 및 요소가격에 미치는 영향은 이미 잘 알려진 사실이다. 요약하면 우리는 다음 정리를 얻게 된다.

정리 3 : 상기한 가정 하에서 수출가격의 변동에 대한 불확실성이 증가하게 되면 수출산업의 산출수준은 감소하고 내수산업의 산출수준은 증가하게 된다. 또 수출산업에서 더 집약적으로 사용되는 요소가격⁽⁶⁾은 하락하고 내수산업에서 더 집약적으로 사용되는 요소가격은 상승하게 된다.

의 결과는 이미 바르타[3]에 의해서 소개된 사실이지만 그는 기업의 절대위험기피성향 (absolute risk aversion)이 이윤이 증가함에 따라 감소한다는 추가적인 가정을 하고 있으며 불확실성의 증가를 분산의 증가로만 나타내고 있으므로 우리의 정리보다 더 제한적인 것이라 할 수 있다.

우리는 또 재화의 가격에 대한 불확실성을 무시하고 수입원자재의 가격에 대한 불확실성을 가정하여 수입원자재를 사용하는 부문(M 부문)의 생산함수를 $G^M(x_{1M}, x_{2M}, M) = \text{Min} \{H(x_{1M}, x_{2M}), M\}$ 그렇지 않은 생산부문(D 부문)의 생산기술을 $G^D(x_{1D}, x_{2D})$ 로 표시하여 정리3과 비슷한 결론을 얻을 수 있다. 즉 수입원자재의 가격에 대한 불확실성의 증가는 M 부문의 산출수준의 감소와 D 부문에 비해 더 집약적으로 사용되는 생산요소의 가격을 감소시키게 되며 D 부문에서는 이와 정반대의 현상이 초래되게 될 것이다.

IV. 부 언

우리는 II절에서 소개한 장기균형모델을 수정하여 단기균형모델을 분석할 수 있다. 특히 고정생산요소(fixed input)에 대한 수요가 사전적(ex ante)으로 결정되고 가변생산요소가 불확실성이 제거된 후의 상태(시장균형가격이 확실하게 결정된 상태)에서 결정된다고 가정하면 고정생산요소에 대한 수요는 가격의 불확실성이 증가할수록 감소한다는 결론을 도출해 볼 수 있다.⁽⁷⁾ 또 사업소득세(profit tax)나 정액세(lumpsum tax)가 가격불확실성 하에서 기업의 산출수준 및 요소수요에 미치는 영향은 기업의 상대적 위험기피성향(relative risk aversion)이 이윤의 크기에 따라 증가 혹은 감소한다는 가정에 따라서 결정된다는 기존가설([14]

(6) 여기서 요소가격은 내수재화의 가치로 표시된 실질가격임에 유의할 필요가 있다.

(7) 홀타우젠(D. Holthausen)도 같은 결론을 얻고 있으나 우리의 모델에 의한 접근방법이 더 일반적이며 체계적인 것임을 알 수 있다. 그러나 증명은 II절의 방법과 유사하므로 여기서는 생략하기로 한다.

참조)을 재확인할 수 있으나 이 증명 역시 여기서는 생략하기로 한다.⁽⁸⁾

참 고 문 헌

- [1] Arrow, K.J., *Essays in the Theory of Risk-Bearing*, North-Holland, Amsterdam, 1970.
- [2] Batra, R.N., "Resource Allocation in a General Equilibrium Model of Production under Uncertainty," *Journal of Economic Theory*, 8 (1974), 50-63.
- [3] Batra, R.N., *The Pure Theory of International Trade under Uncertainty*, Macmillan & Co., London/Basingstoke, 1975.
- [4] Batra, R.N., and A. Ullah, "Competitive Firm and the Theory of Input Demand under Price Uncertainty," *Journal of Political Economy*, 82 (1974).
- [5] Coes, D., "Firm Output and Change in Uncertainty," *American Economic Review*, 67 (1977), 249-51.
- [6] Diamond, P., and J. Stiglitz, "Increases in Risk and in Risk Aversion," *Journal of Economic Theory*, 8 (1974), 337-60.
- [7] Ishii, Y., "On the Theory of the Competitive Firm under Price Uncertainty: Note," *American Economic Review*, 67 (1977), 768-69.
- [8] Holthausen, D.M., "Input Choices and Uncertain Demand," *American Economic Review*, 66 (1976), 94-103.
- [9] Kraus, M., "A Comparative Static Theorem for Choice under Risk," *Journal of Economic Theory*, 19 (1978), 534-547.
- [10] Pope, R.D., and R.E. Just, "A General Equilibrium Model of Production with a Random Marginal Rate of Substitution," *Journal of Economic Theory*, 19 (1978), 534-547.
- [11] Pratt, J.W., "Risk Aversion in the Small and in the Large," *Econometrica*, 32 (1964), 122-136.
- [12] Rothchild, M., and J. Stiglitz, "Increasing Risk I: A Definition," *Journal of Economic Theory*, 2 (1970), 225-43.
- [13] Rothchild, M., and J. Stiglitz, "Increasing Risk II: Its Economic Consequences,"

(8) 흥미있는 독자는 조세의 부과가 ρ 에 미치는 영향을 소정리에 의해서 먼저 분석하고 정리 2의 증명방법을 사용하여 확인할 수 있을 것이다.

Journal of Economic Theory, 3 (1971).

- [14] Sandmo, A., "On the Theory of the Competitive Firm under Price Uncertainty,"
American Economic Review, 61 (1971), 65-73.

- [15] Strassen, V., "The Existence of Probability Measures with Given Marginals," *Annals
of Mathematical Statistics*, 36 (1965), 423-439.